

Cálculo Diferencial e Integral II Respostas à Ficha de Trabalho 9

- Há várias maneiras de parametrizar cada variedade. Abaixo encontram-se respostas possíveis. Nalguns casos a parametrização não descreve completamente a variedade (falha alguns pontos). Se se quisesse parametrizar a variedade em torno dos pontos que faltam poder-se-ia usar a mesma expressão com um domínio de variação diferente para os parâmetros.
 - Dimensão 1. $g(\theta) = (\cos \theta, 2 \sin \theta)$ com $0 < \theta < 2\pi$.
 - Dimensão 1. $g(x) = (x, \tan x)$ com $-\frac{\pi}{2} < x < \frac{\pi}{2}$.
 - Dimensão 2. $g(\theta, z) = (\cos \theta, \sin \theta, z)$ com $-2 < z < 2$ e $\frac{\pi}{4} < \theta < \frac{3\pi}{4}$.
 - Dimensão 2. $g(x, y) = (x, y, 1 - x^2 - y^2)$ com $x^2 + y^2 < 1$.
 - Dimensão 2. $g(\theta, \phi) = (\cos \theta(4 + \cos \phi), \sin \theta(4 + \cos \phi), \sin \phi)$ com $0 < \theta < 2\pi$ e $0 < \phi < \pi$.
 - Dimensão 2. $g(x, y) = (x, y, \sqrt{1 - x^2 - y^2})$ com $x^2 + y^2 < \frac{3}{4}$.
 - Dimensão 2. $g(\theta, z) = (\sqrt{z^2 + 1} \cos \theta, \sqrt{z^2 + 1} \sin \theta, z)$ com $-1 < z < 1$ e $0 < \theta < 2\pi$.
 - Dimensão 1. $g(x) = \left(x, 1 - \frac{x^2}{2}, \frac{x^2}{2}\right)$ com $x \in \mathbb{R}$.
- Dimensão 1.
 - $(1, 1, 2)$ por exemplo.
 - $g(x) = (x, x, 2x^2)$ com $x > 0$.
- Recta tangente: $\{(1, t, \frac{t}{2}) : t \in \mathbb{R}\}$. Plano normal: $y + \frac{z}{2} = 0$.
- Recta normal: $\{(3 + \frac{3}{5}t, 4 + \frac{4}{5}t, -2 + t) : t \in \mathbb{R}\}$. Plano tangente: $\frac{3}{5}x + \frac{4}{5}y + z = 3$.
- Espaço normal: $\{(x, 0, z) : x, z \in \mathbb{R}\}$. Espaço tangente: $\{(0, y, 0) : y \in \mathbb{R}\}$.
- Espaço tangente: $\{(x, y, 2x) : x, y \in \mathbb{R}\}$. Espaço normal: $\{(x, 0, -\frac{x}{2}) : x \in \mathbb{R}\}$.