

**Resumo do Capítulo 8 (Probabilidades e Estatística, Probabilidades Erros e Estatística, 1º Sem. 2000/2001)**

Situação	Hipótese nula	Estatística de teste	Hipótese alternativa	Região crítica
<b>8.2 Testes de hipóteses para a média, variância conhecida</b>	$H_0: \mu = \mu_0$	$Z_0 = \frac{\bar{X} - \mu_0}{\sigma/\sqrt{n}}$ <p>Quando <math>H_0</math> é verdadeira:</p> $Z_0 \begin{cases} \sim N(0,1) \text{ se } X \sim N(\mu, \sigma^2) \\ \sim_a N(0,1) \text{ se } X \text{ qq e } n \geq 30 \end{cases}$	$H_1: \mu \neq \mu_0$  $H_1: \mu > \mu_0$  $H_1: \mu < \mu_0$	<p>R.C.: <math> Z_0  &gt; a</math>, <math>a: P(Z &gt; a) = \frac{\alpha}{2}</math></p> <p>R.C.: <math>Z_0 &gt; a'</math>, <math>a': P(Z &gt; a') = \alpha</math></p> <p>R.C.: <math>Z_0 &lt; -a'</math>, <math>a': P(Z &gt; a') = \alpha</math></p> <p align="right">( <math>Z \sim N(0,1)</math> )</p>
<b>8.3 Testes de hipóteses sobre a igualdade de duas médias, variâncias conhecidas</b>	$H_0: \mu_1 = \mu_2$	$Z_0 = \frac{\bar{X}_1 - \bar{X}_2}{\sqrt{\frac{\sigma_1^2}{n_1} + \frac{\sigma_2^2}{n_2}}}$ <p>Quando <math>H_0</math> é verdadeira:</p> $Z_0 \begin{cases} \sim N(0,1) \text{ se } X_i \sim N(\mu_i, \sigma_i^2) \\ \sim_a N(0,1) \text{ se } X_i \text{ qq e } n_i \geq 30 \end{cases}$ <p align="center">(e <math>X_1</math> e <math>X_2</math> independentes)</p>	$H_1: \mu_1 \neq \mu_2$  $H_1: \mu_1 > \mu_2$  $H_1: \mu_1 < \mu_2$	<p>R.C.: <math> Z_0  &gt; a</math>, <math>a: P(Z &gt; a) = \frac{\alpha}{2}</math></p> <p>R.C.: <math>Z_0 &gt; a'</math>, <math>a': P(Z &gt; a') = \alpha</math></p> <p>R.C.: <math>Z_0 &lt; -a'</math>, <math>a': P(Z &gt; a') = \alpha</math></p> <p align="right">( <math>Z \sim N(0,1)</math> )</p>
<b>8.4 Testes de hipóteses para a média de uma população normal, variância desconhecida</b>	$H_0: \mu = \mu_0$	$T_0 = \frac{\bar{X} - \mu_0}{S/\sqrt{n}}$ <p>Quando <math>H_0</math> é verdadeira:</p> $T_0 \sim t_{n-1} \quad (\text{se } X \sim N(\mu, \sigma^2))$ <p><b>Nota:</b> Se <math>X</math> qq e <math>n \geq 30</math> pode aplicar-se 8.2 com <math>\sigma</math> substituído por <math>S</math></p>	$H_1: \mu \neq \mu_0$  $H_1: \mu > \mu_0$  $H_1: \mu < \mu_0$	<p>R.C.: <math> T_0  &gt; a</math>, <math>a: P(T &gt; a) = \frac{\alpha}{2}</math></p> <p>R.C.: <math>T_0 &gt; a'</math>, <math>a': P(T &gt; a') = \alpha</math></p> <p>R.C.: <math>T_0 &lt; -a'</math>, <math>a': P(T &gt; a') = \alpha</math></p> <p align="right">( <math>T \sim t_{n-1}</math> )</p>

Situação	Hipótese nula	Estadística de teste	Hipótese alternativa	Região crítica
<b>8.5 Testes de hipóteses sobre a igualdade das médias de duas populações normais, variâncias desconhecidas (mas iguais)</b>	$H_0: \mu_1 = \mu_2$	$T_0 = \frac{(\bar{X}_1 - \bar{X}_2)}{S_p \sqrt{\frac{1}{n_1} + \frac{1}{n_2}}}, \left( S_p = \sqrt{\frac{(n_1 - 1)S_1^2 + (n_2 - 1)S_2^2}{n_1 + n_2 - 2}} \right)$ <p>Quando <math>H_0</math> é verdadeira: <math>T_0 \sim t_{n_1+n_2-2}</math>  (se <math>X_1 \sim N(\mu_1, \sigma_1^2)</math>, <math>X_2 \sim N(\mu_2, \sigma_2^2)</math>, <math>\sigma_1^2 = \sigma_2^2 = \sigma^2</math>, e <math>X_1</math> e <math>X_2</math> independentes)  <b>Nota:</b> Se <math>X_1</math> e <math>X_2</math> qq, <math>n_1 \geq 30</math> e <math>n_2 \geq 30</math>, pode aplicar-se 8.3 com <math>\sigma^2</math> substituído por <math>S_1^2</math> e <math>\sigma_2^2</math> substituído por <math>S_2^2</math></p>	$H_1: \mu_1 \neq \mu_2$  $H_1: \mu_1 > \mu_2$  $H_1: \mu_1 < \mu_2$	R.C.: $ T_0  > a$ , $a: P(T > a) = \frac{\alpha}{2}$  R.C.: $T_0 > a'$ , $a': P(T > a') = \alpha$  R.C.: $T_0 < -a'$ , $a': P(T > a') = \alpha$  ( $T \sim t_{n_1+n_2-2}$ )
<b>8.6 Testes de hipóteses para a variância de uma população normal</b>	$H_0: \sigma^2 = \sigma_0^2$	$Q_0 = \frac{(n-1)S^2}{\sigma_0^2}$ <p>Quando <math>H_0</math> é verdadeira:  <math>Q_0 \sim \chi_{n-1}^2</math> (se <math>X \sim N(\mu, \sigma^2)</math>)</p>	$H_1: \sigma^2 \neq \sigma_0^2$  $H_1: \sigma^2 > \sigma_0^2$  $H_1: \sigma^2 < \sigma_0^2$	R.C.: $Q_0 < a$ ou $Q_0 > b$ , $a: P(Q < a) = \frac{\alpha}{2}$ e $b: P(Q > b) = \frac{\alpha}{2}$  R.C.: $Q_0 > b'$ , $b': P(Q > b') = \alpha$  R.C.: $Q_0 < a'$ , $a': P(Q < a') = \alpha$  ( $Q \sim \chi_{n-1}^2$ )
<b>8.7 Testes de hipóteses para uma proporção (parâmetro <math>p</math> da distribuição de Bernoulli)</b>	$H_0: p = p_0$	$Z_0 = \frac{\hat{P} - p_0}{\sqrt{\frac{p_0(1-p_0)}{n}}}$ <p>Quando <math>H_0</math> é verdadeira: <math>Z_0 \sim N(0,1)</math> (se <math>n</math> grande)  <b>Nota:</b> <math>\hat{P} = \frac{Y}{n}</math>, onde <math>Y</math> é o nº de sucessos na amostra aleatória.</p>	$H_1: p \neq p_0$  $H_1: p > p_0$  $H_1: p < p_0$	R.C.: $ Z_0  > a$ , $a: P(Z > a) = \frac{\alpha}{2}$  R.C.: $Z_0 > a'$ , $a': P(Z > a') = \alpha$  R.C.: $Z_0 < -a'$ , $a': P(Z > a') = \alpha$  ( $Z \sim N(0,1)$ )

Situação	Hipótese nula	Estatística de teste	Hipótese alternativa	Região crítica
<b>8.8 Teste do qui-quadrado de ajustamento</b>	$H_0: X \sim F$	$X_0^2 = \sum_{i=1}^k \frac{(O_i - E_i)^2}{E_i}$ <p>Quando <math>H_0</math> é verdadeira: <math>X_0^2 \sim_a \chi_{k-\beta-1}^2</math> (se <math>n</math> grande)</p> <p><math>O_i</math>: frequências absolutas na amostra aleatória  <math>E_i</math>: frequências absolutas esperadas (ou estimador de) quando <math>H_0</math> é verdadeira, <math>E_i = np_i</math> ou <math>E_i = n\hat{P}_i</math>  <math>k</math>: n°. de classes  <math>\beta</math>: n°. de parâmetros a estimar</p> <p><b>Nota:</b> deve ter-se <math>e_i \geq 5, \forall_i</math>, se para algum <math>i</math> <math>e_i &lt; 5</math>, deve fazer-se um agrupamento de classes.</p>	$H_1: X \neq F$	<p>R.C.: <math>X_0^2 &gt; a, \quad a: P(Q &gt; a) = \alpha</math></p> <p>( <math>Q \sim \chi_{k-\beta-1}^2</math> )</p>
<b>8.9 Teste do qui-quadrado de independência em tabelas de contingência</b>	$H_0:$ $p_{ij} = p_{i\cdot}p_{\cdot j}$ $\forall_{i,j}$	$X_0^2 = \sum_{i=1}^r \sum_{j=1}^s \frac{(O_{ij} - E_{ij})^2}{E_{ij}}$ <p>Quando <math>H_0</math> é verd.: <math>X_0^2 \sim_a \chi_{(r-1)(s-1)}^2</math> (se <math>n</math> grande)</p> <p><math>O_{ij}</math>: frequências absolutas na amostra aleatória  <math>E_{ij}</math>: estimador das frequências absolutas esperadas quando <math>H_0</math> é verdadeira</p> $\left( e_{ij} = n\hat{p}_{i\cdot}\hat{p}_{\cdot j} = n \frac{n_{i\cdot}}{n} \frac{n_{\cdot j}}{n} = \frac{n_{i\cdot}n_{\cdot j}}{n} \right)$ <p><math>r</math>: n° de linhas e <math>s</math>: n° de colunas da tabela</p> <p><b>Nota:</b> agrupamento de valores como em 8.8.</p>	$H_1: \exists_{i,j} p_{ij} \neq p_{i\cdot}p_{\cdot j}$	<p>R.C.: <math>X_0^2 &gt; a, \quad a: P(Q &gt; a) = \alpha</math></p> <p>( <math>Q \sim \chi_{(r-1)(s-1)}^2</math> )</p>